# Standardisierte kompetenzorientierte schriftliche Reifeprüfung

AHS

8. Mai 2025

# Mathematik Korrekturheft

### Beurteilung der Klausurarbeit

#### Beurteilungsschlüssel

erreichte Punkte	Note
32-36 Punkte	Sehr gut
27-31,5 Punkte	Gut
22-26,5 Punkte	Befriedigend
17-21,5 Punkte	Genügend
0-16,5 Punkte	Nicht genügend

**Best-of-Wertung:** Für die Aufgaben 26, 27 und 28 gilt eine Best-of-Wertung. Von diesen drei Teil-2-Aufgaben wird diejenige Aufgabe, bei der die niedrigste Punkteanzahl erreicht worden ist, nicht gewertet.

**Jahresnoteneinrechnung:** Damit die Leistungen der letzten Schulstufe in die Beurteilung des Prüfungsgebiets einbezogen werden können, muss die Kandidatin/der Kandidat mindestens 11 Punkte erreichen.

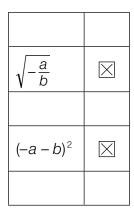
Den Prüferinnen und Prüfern steht während der Korrekturfrist ein Helpdesk des BMBWF beratend zur Verfügung. Die Erreichbarkeit des Helpdesks wird für jeden Prüfungstermin auf *https://www.matura.gv.at/srdp/ablauf* gesondert bekanntgegeben.

#### Handreichung zur Korrektur

Für die Korrektur und die Bewertung sind die am Prüfungstag auf *https://korrektur.srdp.at* veröffentlichten Unterlagen zu verwenden.

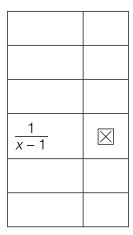
- 1. In der Lösungserwartung ist ein möglicher Lösungsweg angegeben. Andere richtige Lösungswege sind als gleichwertig anzusehen. Im Zweifelsfall kann die Auskunft des Helpdesks in Anspruch genommen werden. Ausschließlich bei ausgewiesenen Aufgaben (Kennzeichnung durch: [0/½/1 P.]) können für Teilleistungen halbe Punkte vergeben werden.
- 2. Der Lösungsschlüssel ist **verbindlich** unter Beachtung folgender Vorgangsweisen anzuwenden:
  - a. Bei offenen Aufgabenformaten steht für die Punktevergabe der Nachweis der jeweiligen Grundkompetenz im Vordergrund. Die dabei fokussierte Grundkompetenz wird im Korrekturheft ausgewiesen. Punkte sind zu vergeben, wenn die Bearbeitung zeigt, dass die fokussierte Grundkompetenz in der Bearbeitung erfüllt ist.
  - b. Werden zu einer Teilaufgabe mehrere Lösungen von der Kandidatin/vom Kandidaten angeboten und nicht alle diese Lösungen sind richtig, so ist diese Teilaufgabe mit null Punkten zu bewerten, sofern die richtige Lösung nicht klar als solche hervorgehoben ist.
  - c. Bei abhängiger Punktevergabe gilt das Prinzip des Folgefehlers. Wird von der Kandidatin/vom Kandidaten beispielsweise zu einem Kontext ein falsches Modell aufgestellt, mit diesem Modell aber eine richtige Berechnung durchgeführt, so ist der Berechnungspunkt zu vergeben, wenn das falsch aufgestellte Modell die Berechnung nicht vereinfacht.
  - d. Wird von der Kandidatin/vom Kandidaten die richtige Lösung ohne Angabe von Zwischenschritten angeführt, so sind alle Punkte zu vergeben, auch wenn der Lösungsschlüssel Einzelschritte vorgibt.
  - e. Abschreibfehler, die aufgrund der Dokumentation der Kandidatin/des Kandidaten als solche identifizierbar sind, sind ohne Punkteabzug zu bewerten, wenn sie zu keiner Vereinfachung der Aufgabenstellung führen.
  - f. Rundungsfehler sind zu vernachlässigen, wenn die Rundung nicht explizit eingefordert ist.
  - g. Die Angabe von Einheiten ist bei der Punktevergabe zu vernachlässigen, sofern sie nicht explizit eingefordert ist.

### Terme



Ein Punkt für das richtige Ankreuzen.

### Definitionsmenge



Ein Punkt für das richtige Ankreuzen.

### Gleichung mit Parameter

1	
<i>a</i> = 0	$\times$

2	
keine reelle Lösung	$\times$

Ein Punkt für das Ankreuzen der beiden richtigen Satzteile.

#### Punkte auf einer Geraden

$$A = (7|-2|1)$$

Jeder andere Punkt A mit  $A = P + t \cdot \overrightarrow{PQ}$  und  $t \in \mathbb{R} \setminus \{0; 1\}$  ist ebenfalls als richtig zu werten.

Ein Punkt für das Angeben der richtigen Koordinaten von A.

#### Normalvektor einer Geraden

$$\overrightarrow{n} = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$$

Jeder andere Vektor  $\overrightarrow{n}$  mit  $\overrightarrow{n}=c\cdot \binom{2}{3}$  und  $c\in\mathbb{R}\setminus\{0\}$  ist ebenfalls als richtig zu werten.

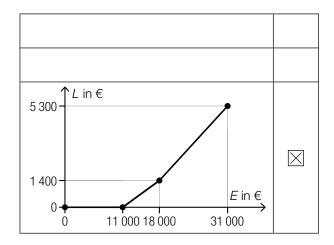
Ein Punkt für das Angeben des richtigen Normalvektors.

### Gang

$$\overline{AB} = \frac{3}{\sin(\alpha)} + \frac{2}{\cos(\alpha)}$$

Ein Punkt für das richtige Aufstellen der Formel.

#### Lohnsteuer





Ein Punkt für das richtige Ankreuzen.

#### Lineare Funktion

$$f(x) = -3 \cdot x - 12$$

Ein Punkt für das richtige Aufstellen der Funktionsgleichung von f.

### Zuordnungen

Х	f(x)	
-2	30	$\boxtimes$
-4	15	
Х	f(x)	
-2	-24	$\boxtimes$
-4	-12	

Ein Punkt für das richtige Ankreuzen.

#### Argument einer quadratischen Funktion

$$f(-1) = 5$$
$$f(0) = 1$$

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$b = -\frac{10}{3}$$
,  $c = 1$ 

$$f(x) = \frac{2}{3} \cdot x^2 - \frac{10}{3} \cdot x + 1$$

$$f(r) = 1$$

$$r_1 = 5 \quad (r_2 = 0)$$

Ein Punkt für das richtige Ermitteln von r.

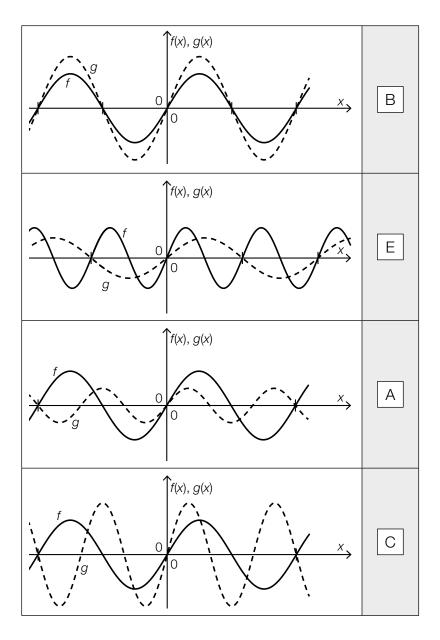
Grundkompetenz: FA 4.3

### Exponentialfunktion

$$f(x) = a \cdot \left(\sqrt[3]{\frac{c}{a}}\right)^x$$

Ein Punkt für das richtige Vervollständigen.

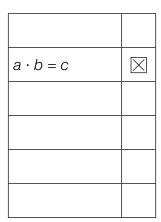
### Allgemeine Sinusfunktionen



А	a > c, $b < d$
В	a < c, b = d
О	a < c, b < d
D	a = c, b > d
E	a > c, b > d
F	a < c, b > d

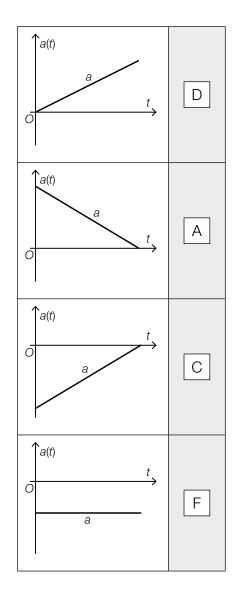
Ein Punkt für vier richtige Zuordnungen, ein halber Punkt für zwei oder drei richtige Zuordnungen.

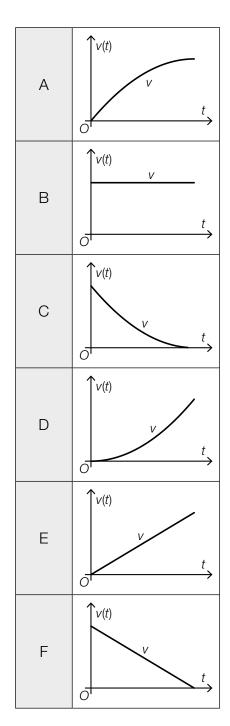
### Regeln des Differenzierens



Ein Punkt für das richtige Ankreuzen.

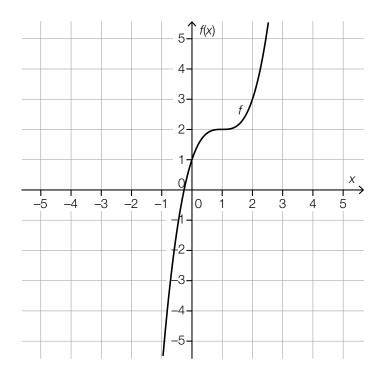
### Geschwindigkeit und Beschleunigung



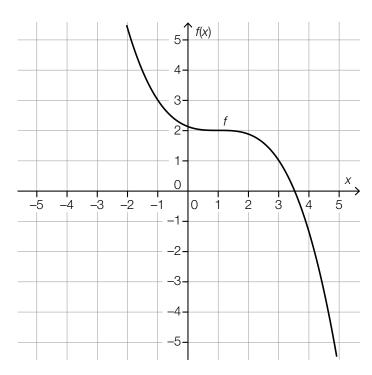


Ein Punkt für vier richtige Zuordnungen, ein halber Punkt für zwei oder drei richtige Zuordnungen.

#### Polynomfunktion dritten Grades



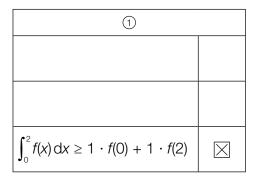
oder:



Im Hinblick auf die Punktevergabe ist es erforderlich, dass der Punkt (1 | 2) als Sattelpunkt von f und dass die Form einer Polynomfunktion 3. Grades erkennbar ist.

Ein Punkt für das richtige Skizzieren des Funktionsgraphen von f.

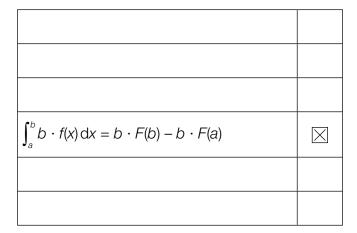
#### Abschätzung eines bestimmten Integrals



2	
$\int_0^2 f(x)  \mathrm{d} x \le 2 \cdot f(1)$	$\boxtimes$

Ein halber Punkt für das Ankreuzen des ersten richtigen Satzteils, ein halber Punkt für das Ankreuzen des zweiten richtigen Satzteils.

### Bestimmtes Integral



Ein Punkt für das richtige Ankreuzen.

#### Beschleunigungsphase

$$v(5) = 15 + \int_0^5 a(t) dt = 15 + \int_0^5 (-0.1 \cdot t^2 + t) dt = 23.3$$
  
 $v(5) = 23.3$  m/s

Die Geschwindigkeit des Autos zum Zeitpunkt t = 5 s beträgt 23,3 m/s.

Ein Punkt für das richtige Berechnen.

Grundkompetenz: AN 4.3

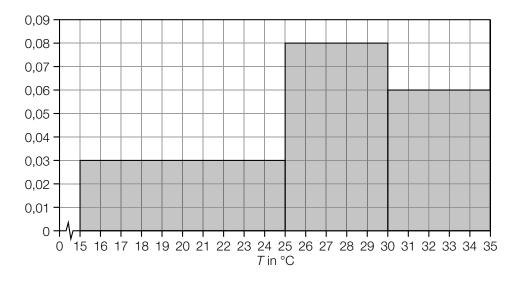
#### Geschwister

1	
größer als	$\boxtimes$

2	
gleich groß wie	$\boxtimes$

Ein halber Punkt für das Ankreuzen des ersten richtigen Satzteils, ein halber Punkt für das Ankreuzen des zweiten richtigen Satzteils.

#### Tageshöchsttemperaturen



Ein Punkt für das Ergänzen der richtigen Rechtecke.

#### Arithmetisches Mittel

$$X_7 + X_8 + X_9 + X_{10} = 10 \cdot b - 6 \cdot a$$

Ein Punkt für das Angeben der richtigen Formel.

#### Würfel

kleinstmöglicher Wert von n: 36 größtmöglicher Wert von n: 60

Ein Punkt für das richtige Ermitteln der zwei gesuchten Werte von n.

### Wahrscheinlichkeitsverteilung einer Zufallsvariablen

k	0	1	2	3	4
P(X = k)	<u>1</u>	<u>4</u>	<u>6</u>	<u>4</u>	<u>1</u>
	16	16	16	16	16

Ein Punkt für das Eintragen des richtigen Wertes.

#### Versuchsreihe

$$20 \cdot p \cdot (1-p)^{19}$$

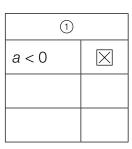
Ein Punkt für das richtige Aufstellen des Ausdrucks.

Grundkompetenz: WS 3.2

### Aufgabe 25 (Teil 2)

#### Garten

a1)



②b > 0∑

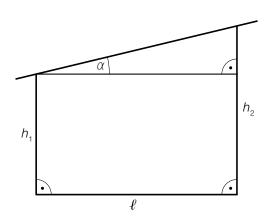
**a2)** 
$$c = \frac{1}{6} \cdot \int_{-3}^{3} f(x) \, dx$$

- **a1)** Ein halber Punkt für das Ankreuzen des ersten richtigen Satzteils, ein halber Punkt für das Ankreuzen des zweiten richtigen Satzteils.
- a2) Ein Punkt für das richtige Aufstellen der Formel.

**b1**) 
$$G = 31 \text{ m}$$

b1) Ein Punkt für das Angeben des richtigen Wertes von G.

c1)



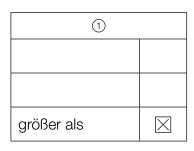
Das Markieren des rechten Winkels ist im Hinblick auf die Punktevergabe nicht erforderlich.

c1) Ein Punkt für das Einzeichnen des richtigen Winkels.

### Aufgabe 26 (Teil 2, Best-of-Wertung)

#### Wirkstoffe

a1)



2	
2 h	$\times$

a1) Ein halber Punkt für das Ankreuzen des ersten richtigen Satzteils, ein halber Punkt für das Ankreuzen des zweiten richtigen Satzteils.

**b1)** 
$$f(t) = k \cdot t + d$$
  
 $m_{\rm B}(240) = f(240) = 0,6062...$   
 $m_{\rm B}'(240) = f'(240) = -0,0126...$ 

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$f(t) = -0.0126... \cdot t + 3.6372...$$

b1) Ein Punkt für das richtige Aufstellen der Funktionsgleichung von f.

**c1)** Die Wahrscheinlichkeit, dass bei mindestens 1 der *n* ausgewählten Personen Übelkeit als Nebenwirkung auftritt, beträgt mindestens 90 %.

**c2)** 
$$a = 0.09$$

- c1) Ein Punkt für das richtige Interpretieren im gegebenen Sachzusammenhang.
- c2) Ein Punkt für das richtige Berechnen von a.

### Aufgabe 27 (Teil 2, Best-of-Wertung)

#### Mount-Everest-Marathon

a1)  $\alpha$  ... Steigungswinkel der Landebahn in  $^{\circ}$ 

x ... Länge der Landebahn in m

$$tan(\alpha) = 0,117$$
  
 $\alpha = 6,673...^{\circ}$ 

$$\sin(6,673...^{\circ}) = \frac{61}{x}$$
  
  $x = 524,9...$ 

oder:

h ... horizontale Entfernung zwischen Anfang und Ende der Landebahn in m

$$\frac{61}{h}$$
 = 0,117  
 $h$  = 521,367...

$$x = \sqrt{h^2 + 61^2} = 524,9...$$

Die Landebahn hat eine Länge von rund 525 m.

**a2)** 
$$\frac{5364 - 2860}{80} = 31,3$$
  $708 \cdot 0,99^{31,3} = 516,9...$ 

Der Luftdruck im Basislager an diesem Tag beträgt rund 517 hPa.

- a1) Ein Punkt für das richtige Berechnen der Länge der Landebahn.
- a2) Ein Punkt für das richtige Berechnen des Luftdrucks im Basislager.

**b1)** 
$$t_3 = 1.5 \cdot \left(\frac{42.195}{17.3}\right)^{1.073} = 3.904...$$
  
 $0.904... \cdot 60 = 54.27...$   
Uhrzeit: 10 : 54 : 16

b1) Ein Punkt für das Eintragen der richtigen Zahlen.

c1)

1	
$C = \frac{60}{\overline{V}}$	$\boxtimes$

2	
halbiert	$\times$

c1) Ein halber Punkt für das Ankreuzen des ersten richtigen Satzteils, ein halber Punkt für das Ankreuzen des zweiten richtigen Satzteils.

### Aufgabe 28 (Teil 2, Best-of-Wertung)

#### Schokolade

a1) 
$$v + w = 300$$
  
0,42 ·  $v + 0$ ,3 ·  $w = 0$ ,35 · 300

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$v = 125$$
$$w = 175$$

a2) 
$$\frac{0.21 \cdot 125 + 0.3 \cdot 175}{1000} \cdot 7 = 0.55125$$

Für die Herstellung des Milchpulvers für eine 300-g-Tafel der neuen Schokoladesorte werden rund 0,55 Liter Milch benötigt.

- a1) Ein Punkt für das richtige Berechnen von v und w.
- a2) Ein Punkt für das richtige Berechnen.

**b1)** 
$$T'(t) = 0$$

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$t_1 = 1$$
  $(t_2 = 0, t_3 = 1.5, t_4 = -1.468...)$ 

$$\frac{T(t_1) - T(0)}{t_1 - 0} = -18 \text{ °C/h} = -0.3 \text{ °C/min}$$

Die mittlere Änderungsrate der Temperatur der Schokolade im Zeitintervall [0;  $t_1$ ] beträgt -0.3 °C/min.

b1) Ein Punkt für das richtige Berechnen.

c1)

1	
größer als	$\boxtimes$

_	
2	
kleiner als	$\times$

c1) Ein halber Punkt für das Ankreuzen des ersten richtigen Satzteils, ein halber Punkt für das Ankreuzen des zweiten richtigen Satzteils.