

Standardisierte kompetenzorientierte
schriftliche Reife- und Diplomprüfung

BHS

5. Mai 2020

Angewandte Mathematik

Korrekturheft

HTL 1

Beurteilung der Klausurarbeit

Gemäß § 38 Abs. 3 SchUG (BGBl. Nr. 472/1986 i. d. g. F.) sind die Leistungen der Prüfungskandidatin/des Prüfungskandidaten nach Maßgabe vorliegender Korrektur- und Beurteilungsanleitung aufgrund von begründeten Anträgen der Prüferin/des Prüfers von der jeweiligen Prüfungskommission zu beurteilen.

Für die Beurteilung ist ein auf einem Punktesystem basierender Beurteilungsschlüssel vorgegeben, der auf den Kriterien des § 18 Abs. 2 bis 4 und 6 SchUG und der Leistungsbeurteilungsverordnung (BGBl. Nr. 371/1974 i. d. g. F.) beruht und die Beurteilungsstufen (Noten) entsprechend abbildet.

Beurteilungsschlüssel:

Note	Punkte
Genügend	23–30 Punkte
Befriedigend	31–37 Punkte
Gut	38–43 Punkte
Sehr gut	44–48 Punkte

Die Arbeit wird mit „Nicht genügend“ beurteilt, wenn insgesamt weniger als 23 Punkte erreicht wurden.

Den Prüferinnen und Prüfern steht während der Korrekturfrist ein Helpdesk des BMBWF beratend zur Verfügung. Die Erreichbarkeit des Helpdesks wird für jeden Prüfungstermin auf <https://ablauf.srdp.at> gesondert bekanntgegeben.

Handreichung zur Korrektur

1. In der Lösungserwartung ist ein möglicher Lösungsweg angegeben. Andere richtige Lösungswege sind als gleichwertig anzusehen. Im Zweifelsfall kann die Auskunft des Helpdesks in Anspruch genommen werden.
2. Der Lösungsschlüssel ist **verbindlich** unter Beachtung folgender Vorgangsweisen anzuwenden:
 - a. Punkte sind zu vergeben, wenn die abgefragte Handlungskompetenz in der Bearbeitung erfüllt ist.
 - b. Berechnungen ohne nachvollziehbaren Rechenansatz bzw. ohne nachvollziehbare Dokumentation des Technologieeinsatzes (verwendete Ausgangsparameter und die verwendete Technologiefunktion müssen angegeben sein) sind mit null Punkten zu bewerten.
 - c. Werden zu einer Teilaufgabe mehrere Lösungen von der Kandidatin/vom Kandidaten angeboten und nicht alle diese Lösungen sind korrekt, so ist diese Teilaufgabe mit null Punkten zu bewerten, sofern die richtige Lösung nicht klar als solche hervorgehoben ist.
 - d. Bei abhängiger Punktevergabe gilt das Prinzip des Folgefehlers. Wird von der Kandidatin/vom Kandidaten beispielsweise zu einem Kontext ein falsches Modell aufgestellt, mit diesem Modell aber eine richtige Berechnung durchgeführt, so ist der Berechnungspunkt zu vergeben, wenn das falsch aufgestellte Modell die Berechnung nicht vereinfacht.
 - e. Werden von der Kandidatin/vom Kandidaten kombinierte Handlungsanweisungen in einem Lösungsschritt erbracht, so sind alle Punkte zu vergeben, auch wenn der Lösungsschlüssel Einzelschritte vorgibt.
 - f. Abschreibfehler, die aufgrund der Dokumentation der Kandidatin/des Kandidaten als solche identifizierbar sind, sind ohne Punkteabzug zu bewerten, wenn sie zu keiner Vereinfachung der Aufgabenstellung führen.
 - g. Rundungsfehler sind zu vernachlässigen, wenn die Rundung nicht explizit eingefordert ist.
 - h. Jedes Diagramm bzw. jede Skizze, die Lösung einer Handlungsanweisung ist, muss eine qualitative Achsenbeschriftung enthalten, andernfalls ist dies mit null Punkten zu bewerten.
 - i. Die Angabe von Einheiten ist bei der Punktevergabe zu vernachlässigen, sofern sie nicht explizit eingefordert ist.

Aufgabe 1

Eiffelturm

Möglicher Lösungsweg

a1) $7,3 \cdot 10^{\boxed{6}}$ Kilogramm

a2) $7\,300\text{ t} = 7\,300\,000\text{ kg}$

Volumen des verbauten Metalls in m^3 : $V = \frac{7\,300\,000}{7\,800} = 935,897\dots$

Höhe des Quaders in m: $h = \frac{935,897\dots}{125^2} = 0,059\dots$

Der Quader wäre rund 6 cm hoch.

b1) $b(t) = k \cdot t + d$

$$k = \frac{3\,594\,000 - 1\,027\,000}{30} = 85\,566,6\dots$$

$$d = 1\,027\,000$$

$$b(t) = 85\,567 \cdot t + 1\,027\,000 \quad (\text{Steigung gerundet})$$

c1)

①	
$H - h$	<input checked="" type="checkbox"/>

②	
$d \cdot \tan(\alpha - \beta)$	<input checked="" type="checkbox"/>

Lösungsschlüssel

a1) 1 × A1: für das richtige Eintragen des Exponenten

a2) 1 × A2: für den richtigen Ansatz (richtige Anwendung der Formel zur Berechnung des Volumens eines Quaders auf den gegebenen Sachverhalt)

1 × B: für das richtige Berechnen der Höhe in Zentimetern

b1) 1 × A: für das richtige Erstellen der Funktionsgleichung

c1) 1 × A: für das richtige Ergänzen der beiden Textlücken

Aufgabe 2

Fressverhalten von Furchenwalen

Möglicher Lösungsweg

a1) $s \approx 40$ m

Toleranzbereich: $[30; 50]$

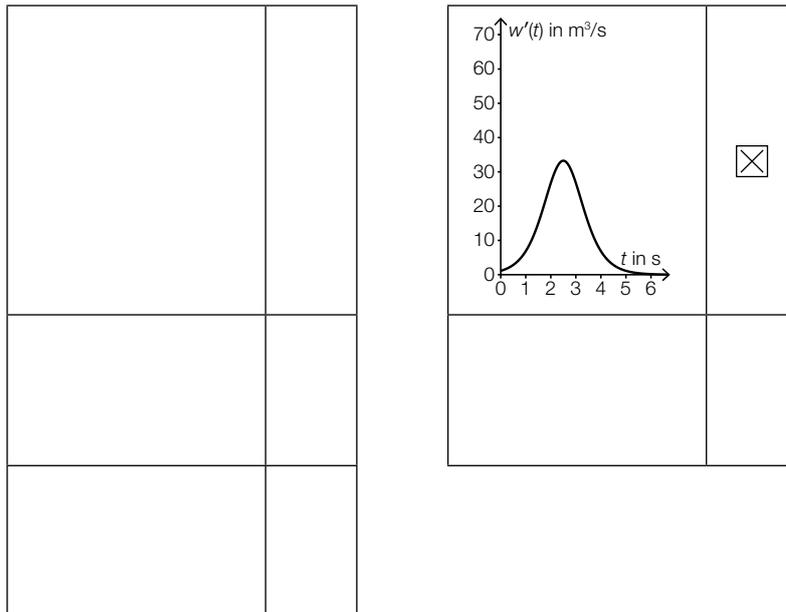
a2) 15 km/h sind rund 4,2 m/s, aus der Abbildung geht allerdings hervor, dass die Maximalgeschwindigkeit unter 3,5 m/s liegt.

b1) Berechnung des Hochpunkts H von m im gegebenen Intervall mittels Technologieeinsatz:

$$m'(t) = 0 \Rightarrow H = (3|8,1)$$

Die maximale Größe der Maulöffnung beträgt 8,1 m².

c1)



Lösungsschlüssel

a1) 1 × B: für das richtige Abschätzen von s (Toleranzbereich: $[30; 50]$)

a2) 1 × D: für das richtige Nachweisen

b1) 1 × B: für das richtige Ermitteln der maximalen Größe der Maulöffnung

c1) 1 × C: für das richtige Ankreuzen

Aufgabe 3

Kochzeit von Eiern

Möglicher Lösungsweg

$$\text{a1) } 5 = a \cdot 45^2 \Rightarrow a = \frac{5}{45^2} = 0,00246\dots$$

$$\text{a2) } W(1,1 \cdot d) = a \cdot (1,1 \cdot d)^2 = a \cdot 1,21 \cdot d^2$$

Ist der Durchmesser um 10 % größer, dann ist die Kochzeit um 21 % länger.

Der geforderte Nachweis kann auch mit konkreten Zahlen erfolgen.

$$\text{b1) } Z(4) = 242,976$$

$$Z(20) = 199,2$$

$$Z(4) - Z(20) = 43,7\dots$$

Die Kochzeit ist um rund 44 s kürzer.

c1) X ... Kochzeit für weich gekochte Eier in min

Berechnung des Intervalls mittels Technologieeinsatz:

$$P(\mu - a \leq X \leq \mu + a) = 0,9 \Rightarrow [4,92 \text{ min}; 6,08 \text{ min}]$$

c2)

$P(8 \leq X \leq 10) = 1 - P(X \geq 10)$	<input checked="" type="checkbox"/>

Lösungsschlüssel

a1) 1 × B: für das richtige Ermitteln des Parameters a

a2) 1 × D: für das richtige Nachweisen

b1) 1 × B: für das richtige Ermitteln der Zeitdifferenz

c1) 1 × B: für das richtige Ermitteln des Intervalls

c2) 1 × C: für das richtige Ankreuzen

Aufgabe 4

Standseilbahnen

Möglicher Lösungsweg

a1)

E	<input checked="" type="checkbox"/>

a2) Neigungswinkel $\alpha = \arctan(0,4) = 21,801\dots^\circ$
 Höhenunterschied $h = 180 \cdot \sin(\alpha) = 66,850\dots$

Der Wagen überwindet einen Höhenunterschied von rund 66,85 m.

b1) $27 \cdot a + 9 \cdot b + 3 \cdot c + d = \boxed{1}$
 $27 \cdot a + 6 \cdot b + c = \boxed{0}$

b2) $d = 2$

c1) $\frac{834}{1,0504} = 793,9\dots$

Der Umsatz im Geschäftsjahr 2014/15 betrug rund 794 Millionen Euro.

Die Angabe des Zusatzes „Millionen Euro“ ist für die Punktevergabe nicht relevant.

Lösungsschlüssel

a1) 1 × A: für das richtige Ankreuzen

a2) 1 × B: für das richtige Berechnen des Höhenunterschieds

b1) 1 × A1: für das richtige Vervollständigen der ersten Gleichung

1 × A2: für das richtige Vervollständigen der zweiten Gleichung

b2) 1 × C: für das richtige Ablesen von d

c1) 1 × B: für das richtige Berechnen des Umsatzes

Die Angabe des Zusatzes „Millionen Euro“ ist für die Punktevergabe nicht relevant.

Aufgabe 5

Psi-Tests

Möglicher Lösungsweg

a1) X ... Anzahl der Treffer

Binomialverteilung mit $n = 13, p = 0,1$:

$$E(X) = n \cdot p = 13 \cdot 0,1 = 1,3$$

a2) $P(X = 0) = 0,9^{13} = 0,254... < 1 - P(X = 0)$

a3) Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$P(7 \leq X \leq 13) = 0,000099... = 0,0099... \%$$

Die Wahrscheinlichkeit beträgt rund 0,01 %.

b1)

Die Versuchsperson erzielt mindestens 40 Treffer.	D
Die Versuchsperson erzielt höchstens 20 Treffer.	B

A	$\sum_{k=20}^{50} \binom{50}{k} \cdot 0,5^k \cdot 0,5^{50-k}$
B	$\sum_{k=0}^{20} \binom{50}{k} \cdot 0,5^k \cdot 0,5^{50-k}$
C	$\sum_{k=0}^{40} \binom{50}{k} \cdot 0,5^k \cdot 0,5^{50-k}$
D	$\sum_{k=40}^{50} \binom{50}{k} \cdot 0,5^k \cdot 0,5^{50-k}$

c1) $P(\text{„Versuchsperson gewinnt das Preisgeld nicht“}) = (1 - p_1) + p_1 \cdot (1 - p_2)$

oder:

$$P(\text{„Versuchsperson gewinnt das Preisgeld nicht“}) = 1 - p_1 \cdot p_2$$

Lösungsschlüssel

a1) 1 × B1: für das richtige Berechnen des Erwartungswerts

a2) 1 × D: für das richtige Nachweisen

a3) 1 × B2: für das richtige Ermitteln der Wahrscheinlichkeit

b1) 1 × C: für das richtige Zuordnen

c1) 1 × A: für das richtige Erstellen der Formel

Aufgabe 6 (Teil B)

Blumentopf

Möglicher Lösungsweg

a1) Die Funktion f ist gerade, weil der Graph symmetrisch zur y -Achse ist.

oder:

Die Funktion f ist gerade, weil $f(x) = f(-x)$.

oder:

Die Funktion f ist gerade, weil f eine Polynomfunktion ist, in der die einzige auftretende Potenz von x einen geradzahigen Exponenten hat.

a2) Ansatz: $\pi \cdot \int_3^{40} x^2 dy$

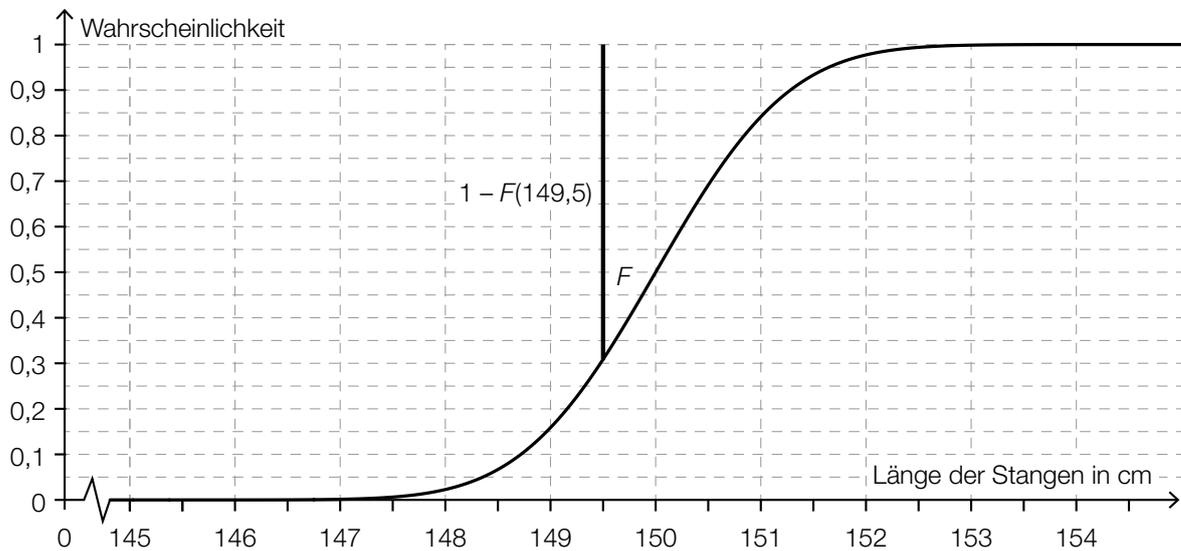
$$\pi \cdot \int_3^{40} 19^2 \cdot \sqrt[3]{\frac{y-3}{37}} dy = 31\,471,6\dots$$

Das Innenvolumen des Blumentopfs beträgt rund $31\,472 \text{ cm}^3$.

b1) $\sigma = 1 \text{ cm}$

Toleranzbereich: $[0,7; 1,3]$

b2)



b3) X ... Länge der Stangen in cm

$$P(X \leq 151) = 0,923$$

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$\sigma = 0,70\dots \text{ cm}$$

c1) $E(x) = 100$ oder $20 \cdot x - 0,12 \cdot x^2 = 100$

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$x_1 = 5,15\dots$$

$$x_2 = 161,50\dots$$

Intervall: $[5,15\dots; 161,50\dots]$

Lösungsschlüssel

a1) 1 × D: für das richtige Begründen

a2) 1 × A: für den richtigen Ansatz

1 × B: für das richtige Berechnen des Innenvolumens

b1) 1 × C: für das richtige Ablesen der Standardabweichung (Toleranzbereich: $[0,7; 1,3]$)

b2) 1 × A: für das richtige Veranschaulichen der Wahrscheinlichkeit

b3) 1 × B: für das richtige Berechnen der Standardabweichung

c1) 1 × B: für das richtige Ermitteln des Intervalls

Aufgabe 7 (Teil B)

W-LAN

Möglicher Lösungsweg

a1) Da mit zunehmender Entfernung die Datenübertragungsrate sinkt, muss der Korrelationskoeffizient negativ sein.

a2) Ermittlung mittels Technologieeinsatz:

$$D(x) = -12,08 \cdot x + 563 \quad (\text{Koeffizienten gerundet})$$

x ... Entfernung in Metern

$D(x)$... Datenübertragungsrate in einer Entfernung x in MBit/s

a3) Pro Meter, den man sich vom Access-Point entfernt, sinkt die Datenübertragungsrate um rund 12 Mbit/s.

b1) $a = \sqrt[45]{\frac{10}{500}} = 0,9167\dots$

$$500 = c \cdot a^5 \Rightarrow c = 772,2\dots$$

b2)

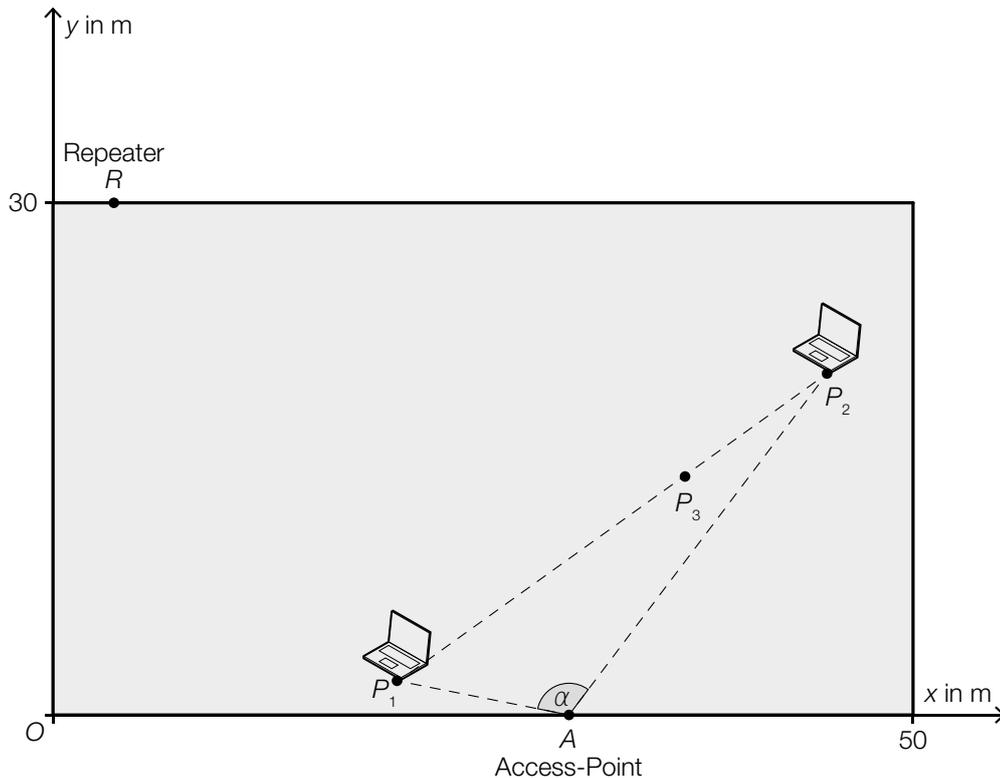
Wird der Änderungsfaktor a in der Form e^k geschrieben, muss k positiv sein.	<input checked="" type="checkbox"/>

$$\text{c1) } \vec{AP}_1 = \begin{pmatrix} -10 \\ 2 \end{pmatrix}$$

$$\vec{AP}_2 = \begin{pmatrix} 15 \\ 20 \end{pmatrix}$$

$$\alpha = \arccos\left(\frac{\vec{AP}_1 \cdot \vec{AP}_2}{|\vec{AP}_1| \cdot |\vec{AP}_2|}\right) = 115,55\dots^\circ < 120^\circ$$

c2)



$$\text{c3) } |\vec{AR}| = 40$$

oder:

$$(x_R - 30)^2 + (30 - 0)^2 = 40^2$$

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$(x_{R_1}) = 3,54\dots \quad ((x_{R_2}) = 56,45\dots)$$

Die zweite Lösung $(x_{R_2}) = 56,45\dots$ muss nicht berechnet werden.

$$\text{d1) } f'(t) = 3,6 \cdot e^{-0,3 \cdot t}$$

Für alle $t \geq 0$ gilt: $f'(t) \geq 0$, weil $e^{-0,3 \cdot t} > 0$.

Daher ist die Funktion f für alle $t \geq 0$ monoton steigend.

$$\text{d2) } \int_0^8 (15 - 12 \cdot e^{-0,3 \cdot t}) dt = 83,6\dots$$

Die gesamte Datenmenge beträgt rund 84 Mbit.

Die Angabe der Einheit „Mbit“ ist für die Punktevergabe nicht relevant.

Lösungsschlüssel

- a1) 1 × D: für das richtige Erklären
- a2) 1 × B: für das richtige Ermitteln der Gleichung der Regressionsfunktion
- a3) 1 × C: für das richtige Interpretieren der Steigung im gegebenen Sachzusammenhang
- b1) 1 × B: für das richtige Berechnen der Parameter a und c der Exponentialfunktion
- b2) 1 × C: für das richtige Ankreuzen
- c1) 1 × D: für das richtige Nachweisen mithilfe der Vektorrechnung
- c2) 1 × A: für das richtige Einzeichnen des Punktes P_3
- c3) 1 × B: für das richtige Berechnen von x_R
- d1) 1 × D: für das richtige Nachweisen mithilfe der Differenzialrechnung
- d2) 1 × B: für das richtige Ermitteln der gesamten Datenmenge

(Die Angabe der Einheit „Mbit“ ist für die Punktevergabe nicht relevant.)

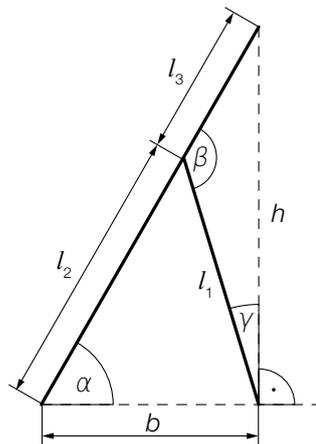
Aufgabe 8 (Teil B)

Hochstuhl für Kleinkinder

Möglicher Lösungsweg

$$\text{a1) } \alpha = \arccos\left(\frac{b^2 + l_2^2 - l_1^2}{2 \cdot b \cdot l_2}\right)$$

a2)



$$\text{b1) } f'(x) = 4 \cdot a \cdot x^3 + 2 \cdot b \cdot x$$

$$\text{I: } f(0) = 10$$

$$\text{II: } f(21) = 6$$

$$\text{III: } f'(21) = 0$$

oder:

$$\text{I: } 10 = a \cdot 0^4 + b \cdot 0^2 + c$$

$$\text{II: } 6 = a \cdot 21^4 + b \cdot 21^2 + c$$

$$\text{III: } 0 = 4 \cdot a \cdot 21^3 + 2 \cdot b \cdot 21$$

b2) Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$a = \frac{4}{194481} = 0,00002056\dots$$

$$b = -\frac{8}{441} = -0,01814\dots$$

$$c = 10$$

b3) Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$2 \cdot \int_{-21}^{21} f(x) dx = 683,2$$

Der Flächeninhalt beträgt 683,2 cm².

Lösungsschlüssel

- a1) 1 × A: für das richtige Erstellen der Formel
- a2) 1 × C: für das richtige Markieren der beiden Winkel
- b1) 1 × A1: für das richtige Erstellen der Gleichungen mithilfe der Koordinaten der Punkte P und Q
 - 1 × A2: für das richtige Erstellen der Gleichung mithilfe der 1. Ableitung
- b2) 1 × B1: für das richtige Berechnen der Koeffizienten
- b3) 1 × B2: für das richtige Ermitteln des Inhalts der Fläche