Name:	
Klasse/Jahrgang:	

Standardisierte kompetenzorientierte schriftliche Reife- und Diplomprüfung

**BHS** 

16. Jänner 2018

# Angewandte Mathematik

Teil A + Teil B (Cluster 6)





# Hinweise zur Aufgabenbearbeitung

Liebe Kandidatin! Lieber Kandidat!

Das vorliegende Aufgabenheft enthält 5 Teil-A-Aufgaben und 4 Teil-B-Aufgaben mit jeweils unterschiedlich vielen Teilaufgaben. Die Teilaufgaben sind unabhängig voneinander bearbeitbar. Ihnen stehen insgesamt 270 Minuten an reiner Arbeitszeit für Teil A und Teil B zur Verfügung.

Verwenden Sie für die Bearbeitung einen nicht radierbaren, blau oder schwarz schreibenden Stift. Bei Konstruktionsaufgaben ist auch die Verwendung eines Bleistifts möglich.

Verwenden Sie für die Bearbeitung ausschließlich das Aufgabenheft und die Ihnen zur Verfügung gestellten Antwortblätter. Schreiben Sie Ihren Namen in das dafür vorgesehene Feld auf der ersten Seite des Aufgabenheftes und auf jedes Antwortblatt. Geben Sie bei der Beantwortung jeder Teilaufgabe deren Bezeichnung (z. B.: 3c) an.

In die Beurteilung wird alles einbezogen, was nicht durchgestrichen ist. Streichen Sie Notizen durch.

Die Verwendung von durch die Schulbuchaktion approbierten Formelheften bzw. von der Formelsammlung für die SRDP in Angewandter Mathematik und von elektronischen Hilfsmitteln (z. B. grafikfähiger Taschenrechner oder andere entsprechende Technologie) ist erlaubt, sofern keine Kommunikationsmöglichkeit (z. B. via Internet, Intranet, Bluetooth, Mobilfunknetzwerke etc.) gegeben ist und keine Eigendaten in die elektronischen Hilfsmittel implementiert sind. Handbücher zu den elektronischen Hilfsmitteln sind in der Original-Druckversion oder in im elektronischen Hilfsmittel integrierter Form zulässig.

Abzugeben sind das Aufgabenheft und alle von Ihnen verwendeten Antwortblätter.

#### Handreichung für die Bearbeitung der SRDP in Angewandter Mathematik

- Jede Berechnung ist mit einem nachvollziehbaren Rechenansatz und einer nachvollziehbaren Dokumentation des Technologieeinsatzes (die verwendeten Ausgangsparameter und die verwendete Technologiefunktion müssen angegeben werden) durchzuführen.
- Selbst gewählte Variablen sind zu erklären und gegebenenfalls mit Einheiten zu benennen.
- Ergebnisse sind eindeutig hervorzuheben.
- Ergebnisse sind mit entsprechenden Einheiten anzugeben.
- Werden Diagramme oder Skizzen als Lösungen erstellt, so sind die Achsen zu skalieren und zu beschriften.
- Werden geometrische Skizzen erstellt, so sind die lösungsrelevanten Teile zu beschriften.
- Vermeiden Sie frühzeitiges Runden.
- Legen Sie allfällige Computerausdrucke der Lösung mit Ihrem Namen beschriftet bei.
- Wird eine Aufgabe mehrfach gerechnet, so sind alle Lösungswege bis auf einen zu streichen.

Es gilt folgender Beurteilungsschlüssel:

44–48 Punkte	Sehr gut
39-43 Punkte	Gut
34-38 Punkte	Befriedigend
23-33 Punkte	Genügend
0-22 Punkte	Nicht genügend

# Erläuterung der Antwortformate

Die Teilaufgaben können folgende Antwortformate beinhalten: offenes Antwortformat, halboffenes Antwortformat, Konstruktionsformat, Zuordnungsformat und Multiple-Choice-Format in der Variante "1 aus 5".

Offenes Antwortformat: Beim offenen Antwortformat kann die Bearbeitung der Aufgaben auf unterschiedliche Weise erfolgen, z.B. durch eine Berechnung oder durch eine Erstellung einer Grafik.

Halboffenes Antwortformat: Beim halboffenen Antwortformat soll die korrekte Antwort in eine vorgegebene Formel, Funktion etc. eingesetzt werden.

#### Beispiel:

Gegeben ist ein Rechteck mit den Seitenlängen a und b.

- Erstellen Sie eine Formel zur Berechnung des Flächeninhalts A dieses Rechtecks.

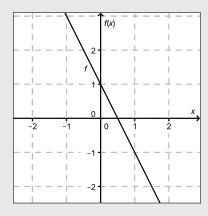
$$A = a \cdot b$$

Konstruktionsformat: Ein Diagramm, eine Grafik oder eine Abbildung ist vorgegeben. Die Aufgabenstellung erfordert die Ergänzung von Punkten und/oder Geraden und/oder Kurven und/oder Skalierungen bzw. Achsenbeschriftungen im Diagramm, in der Grafik bzw. in der Abbildung.

#### Beispiel:

Gegeben ist eine lineare Funktion f mit  $f(x) = k \cdot x + d$ .

– Zeichnen Sie den Graphen einer linearen Funktion mit k=-2 und d>0 im nachstehenden Koordinatensystem ein.



Zuordnungsformat: Dieses Antwortformat ist durch mehrere Aussagen (bzw. Tabellen oder Abbildungen) gekennzeichnet, denen mehrere Antwortmöglichkeiten gegenüberstehen. Bearbeiten Sie Aufgaben dieses Formats korrekt, indem Sie die richtigen Antwortmöglichkeiten durch Eintragen der entsprechenden Buchstaben den jeweils zutreffenden Aussagen zuordnen.

#### Beispiel:

 Ordnen Sie den zwei Gleichungen jeweils die entsprechende Bezeichnung (aus A bis D) zu.

1 + 1 = 2	A
2 · 2 = 4	C

Α	Addition
В	Division
$\bigcirc$	Multiplikation
D	Subtraktion

*Multiple-Choice-Format in der Variante "1 aus 5":* Dieses Antwortformat ist durch einen Fragenstamm und fünf Antwortmöglichkeiten gekennzeichnet, wobei eine Antwortmöglichkeit auszuwählen ist. Bearbeiten Sie Aufgaben dieses Formats korrekt, indem Sie die zutreffende Antwortmöglichkeit ankreuzen.

## Beispiel:

- Kreuzen Sie die zutreffende Gleichung an.

1 + 1 = 1	
2 + 2 = 4	X
3 + 3 = 3	
4 + 5 = 8	
5 + 5 = 5	

#### So ändern Sie Ihre Antwort bei Aufgaben zum Ankreuzen:

- 1. Übermalen Sie das Kästchen mit der nicht mehr gültigen Antwort.
- 2. Kreuzen Sie dann das gewünschte Kästchen an.

1 + 1 = 3	
2 + 2 = 4	X
3 + 3 = 5	
4 + 4 = 4	
5 + 5 = 9	

Hier wurde zuerst die Antwort "5 + 5 = 9" gewählt und dann auf "2 + 2 = 4" geändert.

#### So wählen Sie eine bereits übermalte Antwort:

- 1. Übermalen Sie das Kästchen mit der nicht mehr gültigen Antwort.
- 2. Kreisen Sie das gewünschte übermalte Kästchen ein.

1 + 1 = 3	
2 + 2 = 4	
3 + 3 = 5	
4 + 4 = 4	
5+5=9	

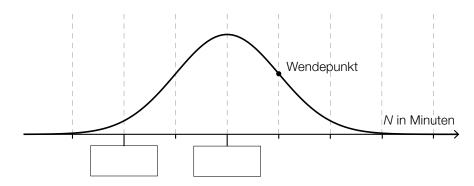
Hier wurde zuerst die Antwort "2 + 2 = 4" übermalt und dann wieder gewählt.

Viel Erfolg!

## Internet

- a) Eine Studie besagt, dass die durchschnittliche tägliche Internet-Nutzungsdauer N von Jugendlichen annähernd normalverteilt ist. Der Erwartungswert beträgt 180 Minuten und die Standardabweichung 20 Minuten. Der Graph der zugehörigen Dichtefunktion ist in der nachstehenden Abbildung dargestellt.
  - Tragen Sie die fehlenden Zeiten in die dafür vorgesehenen Kästchen ein.

[1 Punkt]



- Veranschaulichen Sie in der obigen Abbildung die Wahrscheinlichkeit, dass für eine zufällig ausgewählte Person der untersuchten Altersgruppe die durchschnittliche tägliche Internet-Nutzungsdauer 200 Minuten oder weniger beträgt.
- b) Selina verbringt 25 % ihrer Internet-Nutzungsdauer mit Spielen. Ein Achtel dieser Spielzeit entfällt dabei auf ein bestimmtes Spiel.
  - Ermitteln Sie, wie viel Prozent ihrer Internet-Nutzungsdauer Selina für dieses bestimmte
     Spiel aufwendet.
- c) Eine Umfrage unter Schülerinnen und Schülern einer Schulklasse über die durchschnittliche tägliche Internet-Nutzungsdauer ergab folgendes Ergebnis (gerundet auf halbe Stunden):

durchschnittliche tägliche							
Internet-Nutzungsdauer	2,5	3,0	3,5	4,0	4,5	6,0	10,0
pro Person in Stunden							
Anzahl der Personen	3	4	5	2	4	1	1

 Berechnen Sie das arithmetische Mittel und die Standardabweichung der durchschnittlichen täglichen Internet-Nutzungsdauer pro Person aus den gegebenen Daten.
 [1 Punkt]

## Erfassen der Geschwindigkeit

Auf einer Teststrecke werden Messungen durchgeführt.

a) Die Teststrecke beginnt bei einem Stoppschild. Die Messergebnisse für ein Auto auf dieser Strecke sind in folgender Tabelle angegeben:

	am Stoppschild	Messung 1	Messung 2
Zeit t in min	0	1	2,5
zurückgelegter Weg $s_1(t)$ in km	0	1	3

Der zurückgelegte Weg soll in Abhängigkeit von der Zeit t im Zeitintervall [0; 2,5] durch eine Polynomfunktion  $s_1$  mit  $s_1(t) = a \cdot t^2 + b \cdot t + c$  beschrieben werden.

- Erstellen Sie ein Gleichungssystem zur Berechnung der Koeffizienten der Funktion s<sub>1</sub>.

[1 Punkt]

- Berechnen Sie diese Koeffizienten.

[1 Punkt]

b) Der zurückgelegte Weg eines anderen Autos kann näherungsweise durch die Funktion  $s_2$  beschrieben werden:

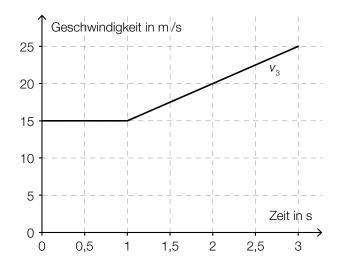
$$s_2(t) = -\frac{1}{3} \cdot t^3 + 2 \cdot t^2 + \frac{1}{3} \cdot t \text{ mit } 0 \le t \le 3$$

t ... Zeit in min

 $s_2(t)$  ... zurückgelegter Weg zur Zeit t in km

- Überprüfen Sie nachweislich, ob die Geschwindigkeit dieses Autos zu Beginn des angegebenen Zeitintervalls null ist.
- Berechnen Sie, nach welcher Zeit  $t_0$  die Beschleunigung des Autos im angegebenen Zeitintervall null ist. [1 Punkt]
- Zeigen Sie, dass die Geschwindigkeit zu dieser Zeit to maximal ist. [1 Punkt]

c) Die Geschwindigkeit eines anderen Autos kann im Zeitintervall [0; 3] näherungsweise durch die Funktion  $v_3$  beschrieben werden. Der Graph dieser Funktion  $v_3$  ist in der nachstehenden Abbildung dargestellt.



– Erstellen Sie eine Gleichung der zugehörigen Weg-Zeit-Funktion  $s_3$  im Zeitintervall [1; 3] mit  $s_3(1) = 15$ .

## Bevölkerungsentwicklung

In manchen Orten Österreichs, z.B. in der steirischen Gemeinde Eisenerz, nimmt die Bevölkerungszahl ab. Zur mathematischen Beschreibung dieser Entwicklung können verschiedene Modelle verwendet werden.

a) Zu Beginn des Jahres 1992 lebten in der steirischen Gemeinde Eisenerz 7965 Menschen, zu Beginn des Jahres 2014 waren es 4524.

Die Entwicklung der Bevölkerungszahl in Eisenerz soll näherungsweise durch eine lineare Funktion  $N_1$  beschrieben werden.

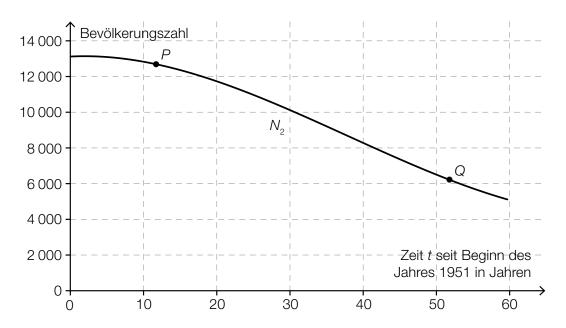
– Erstellen Sie eine Gleichung der Funktion  $N_1$ .

[1 Punkt]

 $t\dots$  Zeit in Jahren, t=0 entspricht dem Beginn des Jahres 1992  $N_1(t)\dots$  Bevölkerungszahl zur Zeit t

– Interpretieren Sie den Wert der Steigung der Funktion  $N_1$  im gegebenen Sachzusammenhang.

b) Im nachstehenden Diagramm wird die Entwicklung der Bevölkerungszahl von Eisenerz im Zeitraum von 1951 bis 2011 näherungsweise durch den Graphen der Polynomfunktion  $N_2$  dargestellt.



Ordnen Sie den Punkten P und Q jeweils die an der entsprechenden Stelle zutreffende Aussage aus A bis D zu. [2 zu 4]
 [1 Punkt]

P	
Q	

А	$N_2'(t) > 0$ und $N_2''(t) > 0$
В	$N_2'(t) < 0$ und $N_2''(t) > 0$
С	$N_2'(t) < 0$ und $N_2''(t) < 0$
D	$N_2'(t) > 0$ und $N_2''(t) < 0$

c) In der nachstehenden Tabelle sind die Bevölkerungszahlen von Eisenerz für den Beginn des Jahres 1981 und den Beginn des Jahres 2014 angegeben:

Beginn des Jahres	1981	2014
Bevölkerungszahl	10068	4524

Die Entwicklung der Bevölkerungszahl soll näherungsweise durch eine Exponentialfunktion  $N_3$  beschrieben werden.

- Erstellen Sie eine Gleichung derjenigen Exponentialfunktion  $N_3$ , die die Bevölkerungszahl in Abhängigkeit von der Zeit t in Jahren seit Beginn des Jahres 1981 beschreibt. [1 Punkt]
- Ermitteln Sie mithilfe der Funktion  $N_3$ , welche Bevölkerungszahl für den Beginn des Jahres 2030 zu erwarten ist. [1 Punkt]

### Fußball

Jedes Wochenende fiebern tausende Zuschauer/innen in den Stadien bei den Spielen der Fußball-Bundesliga mit ihren Mannschaften mit.

a) Um nach der Hälfte der Spiele einer Fußballsaison in der österreichischen Bundesliga die voraussichtliche Punktezahl einer Mannschaft am Saisonende schätzen zu können, wurde folgende Formel entwickelt:

$$P = \frac{T^{1,32}}{T^{1,32} + G^{1,32}} \cdot 36 \cdot 2,753$$

T... geschossene Tore in der ersten Saisonhälfte

G ... erhaltene Tore (Gegentore) in der ersten Saisonhälfte

P... voraussichtliche Punktezahl am Saisonende

Sturm Graz hat in der Saison 2013/14 in der ersten Saisonhälfte 25 Tore geschossen und 30 Tore erhalten.

Ein Fan will mit der angegebenen Formel die Punktezahl von Sturm Graz am Saisonende schätzen und tippt das Folgende in den Taschenrechner ein:

$$25^{1,32} : 25^{1,32} + 30^{1,32} \cdot 36 \cdot 2,753 = 8829,9...$$

- Beschreiben Sie, welcher Fehler dabei gemacht wurde.

[1 Punkt]

Sturm Graz erreichte in der Saison 2013/14 in der ersten Saisonhälfte 19 Punkte und bis zum Saisonende insgesamt 48 Punkte.

 - Überprüfen Sie nachweislich, ob die Punktezahl, die man mit der obigen Formel erhält, in diesem Fall den tatsächlichen Punktestand am Saisonende besser annähert als eine Verdoppelung der Punkte in der ersten Saisonhälfte.

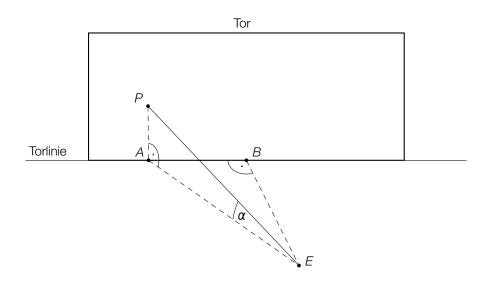
In der Formel zur Berechnung der voraussichtlichen Punktezahl einer Mannschaft am Saisonende kommt der Ausdruck  $T^{1,32}$  vor.

Kreuzen Sie denjenigen Ausdruck an, der zu diesem Ausdruck äquivalent (gleichwertig) ist.[1 aus 5]

$T^{\frac{1}{32}}$	
<sup>132</sup> √ <i>T</i>	
100√ <i>T</i> 132	
$\frac{1}{1,32^{T}}$	
$T^{32}$	

- b) Eine bestimmte Mannschaft verwandelt 80 % der Elfmeter (d. h. erzielt dabei ein Tor).
  - Berechnen Sie unter der Annahme einer Binomialverteilung die Wahrscheinlichkeit, dass die Mannschaft genau 4 von 5 Elfmetern verwandelt.
- c) Ein Fußballer steht am Elfmeterpunkt E und schießt den Ball unter einem Höhenwinkel von  $\alpha = 5^{\circ}$  ab. Der Ball (vereinfacht als punktförmig angenommen) überfliegt die Torlinie im Punkt P. Aufgrund der hohen Geschwindigkeit des Balls kann seine Flugbahn bis zum Punkt P näherungsweise als geradlinig angenommen werden.

Folgende Entfernungen sind bekannt:  $\overline{AB} = 3 \text{ m}$  und  $\overline{BE} = 11 \text{ m}$ .



– Berechnen Sie die Länge  $\overline{\mathit{EP}}$ .

[1 Punkt]

Der Ball erreicht 0,4 Sekunden nach dem Abschuss im Punkt E den Punkt P.

- Berechnen Sie die mittlere Geschwindigkeit des Balls in km/h.

#### Der Genfer See

a) Der *Jet d'eau* ist ein Springbrunnen im Genfer See. Die Wasserfontäne des Springbrunnens erreicht eine maximale Höhe von 140 Metern.

In einem vereinfachten Modell kann die Höhe eines Wasserteilchens über der Wasseroberfläche in Abhängigkeit von der Zeit durch die Funktion *h* beschrieben werden:

$$h(t) = -4.9 \cdot t^2 + 55.6 \cdot t \text{ mit } t \ge 0$$

t ... Zeit nach dem Austritt eines Wasserteilchens in s

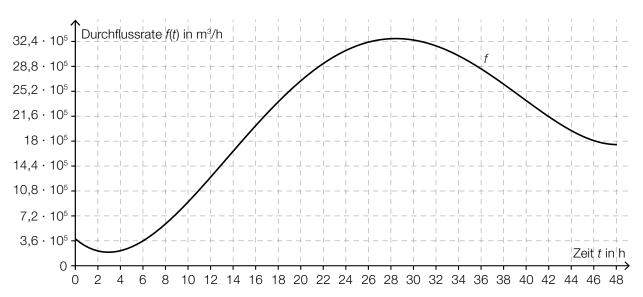
h(t) ... Höhe des Wasserteilchens über der Wasseroberfläche zur Zeit t in m

In diesem Modell wird der Luftwiderstand nicht berücksichtigt. Daher weicht die mithilfe der Modellfunktion h ermittelte maximale Höhe deutlich von der angegebenen maximalen Höhe ab.

Berechnen Sie, um wie viel Prozent die mithilfe der Modellfunktion h ermittelte maximale
 Höhe über der angegebenen maximalen Höhe von 140 Metern liegt. [1 Punkt]

b) Der Genfer See wird durch mehrere Flüsse gespeist. Der Wasserstand des Sees wird beim Abfluss reguliert.

Die nachstehende Grafik zeigt den Verlauf der Durchflussrate des Wassers beim Abfluss innerhalb von 48 Stunden.



– Beschreiben Sie unter Angabe der entsprechenden Einheit, was mit dem Ausdruck  $\int_{0}^{48} f(t) dt$  im gegebenen Sachzusammenhang berechnet wird. [1 Punkt]

Die Funktion F ist eine Stammfunktion der in der obigen Grafik dargestellten Funktion f.

- Kreuzen Sie die für F zutreffende Aussage an. [1 aus 5]

F hat die Stelle mit dem größten Anstieg im Intervall [14; 18].	
F hat eine Maximumstelle im Intervall [26; 30].	
F ist monoton fallend im Intervall [32; 44].	
F ist monoton steigend im Intervall [4; 26].	
F ist im Intervall [0; 16] positiv gekrümmt (linksgekrümmt).	

# Aufgabe 6 (Teil B)

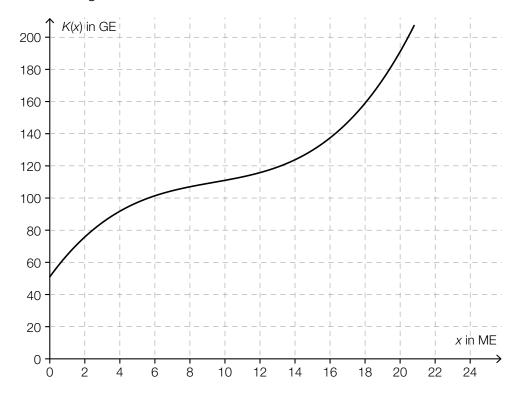
## Lackproduktion

Ein Unternehmen stellt verschiedene Lacke her. Es wird die monatliche Produktion betrachtet.

- a) Die Kosten für die Herstellung des Acryllacks *Ferrocolor* sollen durch eine Kostenfunktion K mit  $K(x) = a \cdot x^3 + b \cdot x^2 + c \cdot x + d$  beschrieben werden. Das Unternehmen hat dabei Fixkosten von 450 GE. Bei der Produktion von 8 ME liegt die Kostenkehre. Bei der Produktion von 8 ME betragen die Gesamtkosten 522 GE und die Grenzkosten 5 GE/ME.
  - Erstellen Sie ein Gleichungssystem, mit dem die Koeffizienten a, b, c und d ermittelt werden können.
     [2 Punkte]
  - Ermitteln Sie die Koeffizienten a, b, c und d.

[1 Punkt]

b) Im nachstehenden Diagramm ist der Graph der Kostenfunktion K für die Herstellung des Lacks VariColor dargestellt.



Das Betriebsoptimum kann mithilfe des Graphen der Kostenfunktion K ermittelt werden, indem man diejenige Tangente an den Graphen von K einzeichnet, die durch den Koordinatenursprung verläuft. Die x-Koordinate des Berührpunkts ist das Betriebsoptimum.

- Ermitteln Sie grafisch mithilfe des obigen Diagramms das Betriebsoptimum.

[1 Punkt]

- Ermitteln Sie die langfristige Preisuntergrenze.

c) Für die Holzschutzgrundierung *Pullex* wird der Zusammenhang zwischen dem Preis und der Absatzmenge erhoben:

Absatzmenge x in ME	Preis $p_N(x)$ in GE/ME
10	16
12	13
15	12
17	9
19	8

- Ermitteln Sie mithilfe linearer Regression eine Gleichung der Preisfunktion der Nachfrage  $p_N$ . [1 Punkt]
- Ermitteln Sie den maximalen Erlös.

. [1 Punkt]

d) Die Gewinnfunktion G für den Lack Soloplast ist gegeben durch:

$$G(x) = -0.025 \cdot x^3 - 0.1 \cdot x^2 + 12 \cdot x - 65$$

- x ... Anzahl der abgesetzten ME
- G(x) ... Gewinn bei x abgesetzten ME in GE
- Lesen Sie aus der Gleichung der Gewinnfunktion die Fixkosten für die Herstellung des Lacks ab.
   [1 Punkt]
- Beschreiben Sie, wie sich der Graph der Gewinnfunktion ändert, wenn die Fixkosten steigen.
   [1 Punkt]

# Aufgabe 7 (Teil B)

## Epidemie

In einem Land breitet sich eine Epidemie aus.

- a) Nach wissenschaftlichen Recherchen vor Ort konnte im Nachhinein der Zeitpunkt des ersten Infektionsfalls festgestellt werden.
  - Zu Beginn der Epidemie verdoppelt sich die Anzahl der Neuinfektionen etwa alle 4 Tage.
  - Erstellen Sie eine Gleichung derjenigen Funktion N, die die Anzahl der Neuinfektionen zur Zeit t in Tagen beschreibt. Wählen Sie t=0 für den Zeitpunkt des ersten Infektionsfalls.

[1 Punkt]

- Argumentieren Sie, dass eine exponentielle Zunahme der Anzahl der Neuinfektionen auf lange Sicht nicht realistisch ist.
- b) Der zeitliche Verlauf der Gesamtanzahl der seit Ausbruch der Epidemie infizierten Personen kann näherungsweise durch die Funktion *I* beschrieben werden.

$$I(t) = \frac{30\,000}{1 + b \cdot e^{-0.1739 \cdot t}}$$

t ... Zeit seit Ausbruch der Epidemie in Tagen

I(t) ... Gesamtanzahl der seit Ausbruch der Epidemie infizierten Personen zur Zeit t

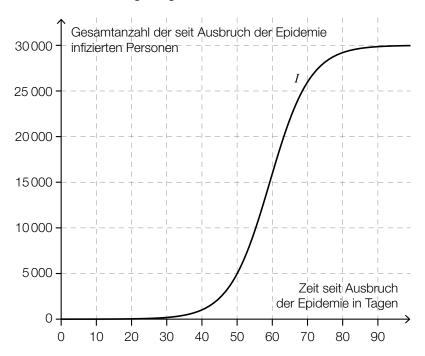
Nach 41 Tagen wurden insgesamt 1 200 infizierte Personen registriert.

- Berechnen Sie den Parameter b.

[1 Punkt]

Ermitteln Sie, nach welcher Zeit gemäß diesem Modell erstmals mehr als 17 000 Personen infiziert sein werden.

c) Der zeitliche Verlauf der Gesamtanzahl der seit Ausbruch der Epidemie infizierten Personen kann näherungsweise durch eine Funktion I beschrieben werden. Der Graph der Funktion I ist in der nachstehenden Abbildung dargestellt.



– Interpretieren Sie den Ausdruck I(45) im gegebenen Sachzusammenhang.

- Lesen Sie aus der Grafik denjenigen Zeitpunkt ab, bei dem die Anzahl der Neuinfektionen pro Tag am höchsten ist.
   [1 Punkt]
- Dokumentieren Sie in Worten, wie der Zeitpunkt, zu dem die Anzahl der Neuinfektionen pro Tag am höchsten ist, mithilfe der Differenzialrechnung berechnet werden kann, wenn eine Gleichung von I bekannt ist.

# Aufgabe 8 (Teil B)

## Liftgesellschaft

- a) Für die Finanzierung eines Sessellifts hat eine Liftgesellschaft einen Kredit in Höhe von € 1,4 Mio. aufgenommen. Diesen Kredit zahlt die Liftgesellschaft durch nachschüssige Jahresraten in Höhe von € 90.000 bei einer Verzinsung von 4 % p.a. zurück. (Spesen und Gebühren werden nicht berücksichtigt.)
  - Berechnen Sie, wie viele volle Jahresraten zu zahlen sind.

[1 Punkt]

Nach 5 Jahren Kredittilgung gerät die Liftgesellschaft in Zahlungsschwierigkeiten und setzt die Rückzahlungen aus.

- Berechnen Sie die Höhe der Restschuld am Ende des 6. Jahres.

[1 Punkt]

b) Die Liftgesellschaft bildet eine Rücklage und veranlagt dafür 3 Beträge zu unterschiedlichen Zeitpunkten. Der Gesamtwert der Rücklage nach 6 Jahren wird durch folgende Rechnung ermittelt:

$$(50\,000 \cdot 1,03^2 + 30\,000) \cdot 1,035^4 + 80\,000 \cdot 1,035 \approx 178\,096,05$$

- Beschreiben Sie, zu welchen Zinssätzen der Betrag in Höhe von € 50.000 verzinst wird.
  Geben Sie an, wie lange die jeweiligen Zinssätze gelten.
  [1 Punkt]
- Tragen Sie die 3 Beträge und den Gesamtwert der Rücklage nach 6 Jahren auf der nachstehenden Zeitachse ein. [1 Punkt]



# Aufgabe 9 (Teil B)

## Verzinsung

a) Auf einem Konto werden € 3.000 angelegt.

Für eine Zeitspanne von 3 Jahren wird dieser Betrag mit 5 % pro Jahr verzinst, anschließend für 2 Jahre mit 1 % pro Jahr.

– Ermitteln Sie den Kontostand nach 5 Jahren  $K_5$ .

[1 Punkt]

Bei einem konstanten Jahreszinssatz i wäre der Kontostand nach 5 Jahren auf denselben Wert  $K_5$  angewachsen.

- Bestimmen Sie diesen Jahreszinssatz i.

[1 Punkt]

b) Die Basisformel für die Zinseszinsrechnung lautet:

$$K_n = K_0 \cdot (1 + i)^n$$

K₀ ... Anfangskapital

K<sub>n</sub> ... Kapital nach n Jahren

i ... Jahreszinssatz

Nach einer bestimmten Anzahl von Jahren  $n_2$  hat sich das Anfangskapital verdoppelt.

– Erstellen Sie eine Formel zur Berechnung von  $n_2$  aus i.

[1 Punkt]

$$n_2 =$$

Zur näherungsweisen Berechnung von  $n_2$  kann die sogenannte 0,69er-Regel verwendet werden:

$$n_2 \approx \frac{0.69}{i} + 0.35$$

– Überprüfen Sie nachweislich, ob die 0,69er-Regel für i = 0,04 eine gute Näherung von  $n_2$  ergibt. [1 Punkt]