

Name:	Datum:
Klasse:	

Kompensationsprüfung zur
standardisierten kompetenzorientierten
schriftlichen Reifeprüfung

AHS

Mai 2019

Mathematik

Kompensationsprüfung 6
Angabe für **Kandidatinnen/Kandidaten**

Hinweise zur Kompensationsprüfung

Sehr geehrte Kandidatin, sehr geehrter Kandidat!

Die vorliegenden Unterlagen zur Kompensationsprüfung umfassen fünf Aufgaben, die unabhängig voneinander bearbeitbar sind.

Jede Aufgabe gliedert sich in zwei Aufgabenteile: Bei der „Aufgabenstellung“ müssen Sie die jeweilige Grundkompetenz nachweisen und bei der Beantwortung der anschließenden „Leitfrage“ sollen Sie Ihre Kommunikationsfähigkeit unter Beweis stellen.

Die Vorbereitungszeit beträgt mindestens 30 Minuten, die Prüfungszeit maximal 25 Minuten.

Beurteilung

Jede Aufgabe wird mit null, einem oder zwei Punkten bewertet. Dabei ist für jede Aufgabenstellung ein Grundkompetenzpunkt und für jede Leitfrage ein Leitfragenpunkt zu erreichen. Insgesamt können maximal zehn Punkte erreicht werden.

Für die Beurteilung der Prüfung ergibt sich folgendes Schema:

Note	erreichte Punkte
„Genügend“	4 Grundkompetenzpunkte + 0 Leitfragenpunkte 3 Grundkompetenzpunkte + 1 Leitfragenpunkt
„Befriedigend“	5 Grundkompetenzpunkte + 0 Leitfragenpunkte 4 Grundkompetenzpunkte + 1 Leitfragenpunkt 3 Grundkompetenzpunkte + 2 Leitfragenpunkte
„Gut“	5 Grundkompetenzpunkte + 1 Leitfragenpunkt 4 Grundkompetenzpunkte + 2 Leitfragenpunkte 3 Grundkompetenzpunkte + 3 Leitfragenpunkte
„Sehr gut“	5 Grundkompetenzpunkte + 2 (oder mehr) Leitfragenpunkte 4 Grundkompetenzpunkte + 3 (oder mehr) Leitfragenpunkte

Über die Gesamtbeurteilung entscheidet die Prüfungskommission; jedenfalls werden sowohl die im Rahmen der Kompensationsprüfung erbrachte Leistung als auch das Ergebnis der Klausurarbeit dafür herangezogen.

Viel Erfolg!

Aufgabe 1

Geraden in \mathbb{R}^2

Gegeben sind die Punkte $A = (5 | 1)$ und $B = (1 | 2)$.

Aufgabenstellung:

Die Geraden p , n und s verlaufen jeweils durch den Punkt A und sind wie folgt beschrieben:

- Die Gerade p verläuft parallel zur x -Achse.
- Die Gerade n verläuft normal zur x -Achse.
- Die Gerade s hat die Steigung 1.

Geben Sie für jede der drei Geraden eine Gleichung an!

Leitfrage:

Eine Gerade $g: y = k \cdot x + d$ verläuft durch den Punkt B und hat den Steigungswinkel α .

Geben Sie k und d in Abhängigkeit vom Winkel α an!

$k =$ _____

$d =$ _____

Geben Sie denjenigen Winkel $\alpha \in [0^\circ; 90^\circ)$ an, für den die Geraden g und p keinen Schnittpunkt haben!

Die Gerade g_1 verläuft durch den Punkt B und hat denselben Steigungswinkel wie die Gerade s . Ermitteln Sie den Schnittpunkt S der Geraden n mit der Geraden g_1 !

Aufgabe 2

Barometrische Höhenformel

Der Zusammenhang zwischen der Höhe h über dem Meeresspiegel und dem dort herrschenden Luftdruck $p(h)$ kann durch die barometrische Höhenformel näherungsweise beschrieben werden:

$$p(h) = p_0 \cdot e^{-\frac{h}{7991}}$$

h ... Höhe über dem Meeresspiegel in Metern (m)

$p(h)$... Luftdruck in der Höhe h in Hektopascal (hPa)

p_0 ... Luftdruck auf Höhe des Meeresspiegels (bei $h = 0$); $p_0 > 0$

Aufgabenstellung:

Berechnen Sie diejenige Höhe h_1 , in der der Luftdruck nur mehr 80 % von p_0 beträgt!

Leitfrage:

Der Zusammenhang zwischen der Höhe über dem Meeresspiegel und dem dort herrschenden Luftdruck kann im Intervall $[0 \text{ m}; 3500 \text{ m}]$ näherungsweise durch eine lineare Funktion f (in Abhängigkeit von h) beschrieben werden.

An einem bestimmten Tag wurden folgende Werte ermittelt:

Seehöhe in m	Luftdruck in hPa
1 500	840
2 000	790

Geben Sie eine Funktionsgleichung von f so an, dass sie die gemessenen Werte wiedergibt!

Berechnen Sie für die oben bestimmte Höhe h_1 die Differenz (in hPa) zwischen dem durch die barometrische Höhenformel errechneten Wert von $p(h_1)$ und dem durch die lineare Funktion f errechneten Wert! Nehmen Sie bei Ihren Berechnungen an, dass der Wert von p_0 1 013 hPa beträgt.

Aufgabe 3

Änderungsraten

Gegeben ist eine Funktion $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ mit $f(x) = x^2 - 2 \cdot x - 1$.

Aufgabenstellung:

Bestimmen Sie den Differenzialquotienten von f an der Stelle $x = 1$ und geben Sie die Bedeutung dieses Wertes für den Verlauf des Graphen an!

Leitfrage:

Geben Sie einen Term in Abhängigkeit vom Parameter a ($a \in \mathbb{R}$ und $a < 3$) zur Berechnung des Differenzenquotienten von f im Intervall $[a; 3]$ an!

Bestimmen Sie den Wert des Parameters a so, dass dieser Differenzenquotient gleich dem Differenzialquotienten von f an der Stelle $x = 1$ ist!

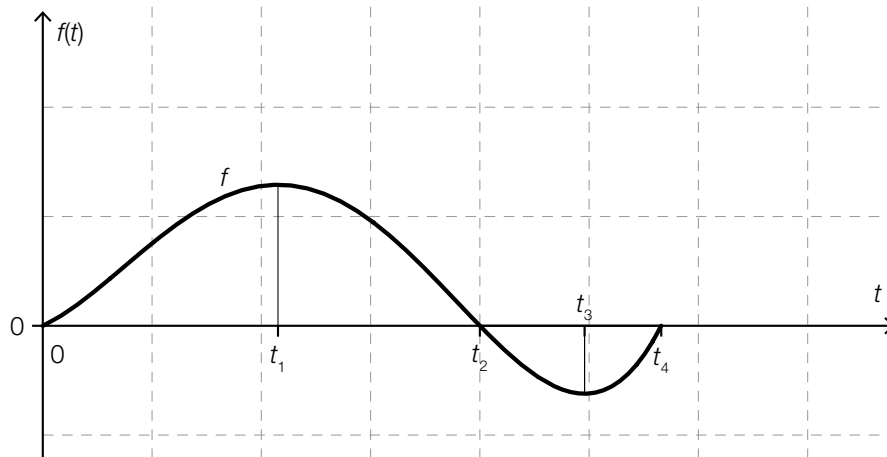
Aufgabe 4

Regenwasser

In einer Regentonne befinden sich 20 Liter Wasser.

Ab dem Zeitpunkt $t = 0$ ändert sich die Wassermenge in der Tonne. Die Funktion f beschreibt die momentane Änderungsrate der in der Tonne enthaltenen Wassermenge in Abhängigkeit von der Zeit ($f(t)$ in Litern pro Stunde, t in Stunden).

Die nachstehende Abbildung zeigt den Graphen der Funktion f .



Aufgabenstellung:

Geben Sie an, zu welchem der in der obigen Abbildung gekennzeichneten Zeitpunkte t_1 bis t_4 die Wassermenge in der Tonne am größten ist, und begründen Sie Ihre Entscheidung!

Leitfrage:

Geben Sie eine Formel für die in der Tonne enthaltene Wassermenge M zum Zeitpunkt t_4 an!

Markieren Sie in der obigen Abbildung näherungsweise denjenigen im Intervall $[0; t_4)$ liegenden Zeitpunkt t^* , zu dem sich gleich viel Wasser in der Tonne wie zum Zeitpunkt t_4 befindet!

Erläutern Sie Ihre Vorgehensweise!

Aufgabe 5

Mehrstufige Zufallsversuche

Bei einem Gewinnspiel werden drei Urnen mit jeweils sechs Kugeln verwendet. Urne A enthält fünf weiße Kugeln und eine schwarze Kugel, Urne B enthält vier weiße und zwei schwarze Kugeln und Urne C enthält drei weiße und drei schwarze Kugeln. Man gewinnt, wenn man eine weiße Kugel zieht.

Victoria nimmt an diesem Gewinnspiel teil und hat dabei folgendermaßen vorzugehen: Sie wählt zuerst eine der drei Urnen aus und zieht dann aus dieser Urne eine Kugel. Dabei handelt es sich in beiden Fällen (Auswahl der Urne und Auswahl der Kugel) um eine Auswahl nach dem Zufallsprinzip.

Aufgabenstellung:

Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass Victoria gewinnt!

Leitfrage:

Bei einer Variante des Gewinnspiels werden die zwölf weißen und die sechs schwarzen Kugeln neu verteilt, wobei in jeder der drei Urnen wieder sechs Kugeln sind. In der ersten Urne sind nun x weiße Kugeln, in der zweiten Urne sind nun y weiße Kugeln und in der dritten Urne sind nun z weiße Kugeln enthalten.

Zeigen Sie rechnerisch, dass sich die Wahrscheinlichkeit, dass Victoria gewinnt, nicht ändert!